

1		
[問 1]	$6\sqrt{3}$	5
[問 2]	-2, 8	5
[問 3]	$x=6, y=3$	5
[問 4]	$\frac{8}{15}$	5
[問 5]		5

(答え) $\frac{-1+\sqrt{21}}{2}$

2		
[問 1]	$\frac{10}{3}$	5
[問 2]	$a=1, b=\frac{9}{2}$	8
[問 3]	【途中の式や計算など】	12

点 B, C, E の座標はそれぞれ $(a+1, (a+1)^2), (1, 6), (-a, a^2)$ となる。

直線 BE の傾きは $\frac{(a+1)^2 - a^2}{(a+1) - (-a)} = \frac{2a+1}{2a+1} = 1$

切片を n とすると、直線 BE の式は $y = x + n$ と表せる。

点 C(1, 6) を通るから、 $6 = 1 + n$ によって、 $n = 5$ となり、直線 BE の式は、 $y = x + 5$

この直線が点 E $(-a, a^2)$ を通るから、 $a^2 = -a + 5$

すなわち、 $a^2 + a - 5 = 0$

$a > 0$ であるから $a = \frac{-1 + \sqrt{21}}{2}$... 答

(答え) $\frac{-1+\sqrt{21}}{2}$

3		
[問 1]	54 度	7
[問 2]	(1) 【証明】	10

【証明】 $\triangle BAD$ と $\triangle EAD$ において、半円の弧に対する円周角であるから、 $\angle BDA = 90^\circ$

よって、 $\angle EDA = 90^\circ$... ①

$\widehat{CD} = \widehat{DB}$ より、円周角の定理から、 $\angle BAD = \angle EAD$... ②

共通であるから、 $AD = AD$... ③

①, ②, ③より、1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいので $\triangle BAD \equiv \triangle EAD$

よって、 $DB = DE$ 終

(答え) $\frac{125}{61}$ cm 8

4		
[問 1]	$\frac{100}{3}$ cm ³	7
[問 2]	【途中の式や計算など】	10

EP = 2t, EQ = t とする。(以下、単位 cm 略)

$PQ^2 = (2t)^2 + t^2 = 5t^2 = (4\sqrt{5})^2$

t = 4 より EP = 8, EQ = 4 となるから、点 Q と点 H は一致する。

$AP = \sqrt{AE^2 + PE^2} = \sqrt{4^2 + 8^2} = \sqrt{80} = 4\sqrt{5}$

AP = QP = 4√5 より、 $\triangle APQ$ は二等辺三角形となる。

頂点 P より辺 AQ に引いた垂線と線分 AQ との交点を K とする。

二等辺三角形の性質から、点 K は線分 AQ の中点となる。

AQ = 4√2 より AK = 2√2 となるので

$PK = \sqrt{AP^2 - AK^2} = \sqrt{(4\sqrt{5})^2 - (2\sqrt{2})^2} = \sqrt{72} = 6\sqrt{2}$

よって、 $\triangle APQ$ の面積は $\frac{1}{2} AQ \times PK = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 6\sqrt{2} = 24$ (cm²)

(答え) 24 cm²

[問 3] 24 cm³ 8