

正答表 数学

マーク・解答上の注意事項

- 受検番号欄は、HB又はBの鉛筆（シャープペンシルも可）を使って、○の中を正確に塗りつぶすこと。
- 記入した内容を直すときは、きれいに消して、消しきずを残さないこと。
- 決められた欄以外にマーカーしたり、記入したりしないこと。

良い例	悪い例
●	△ 線 小さい はみ出し
○ 丸込み レ点 うすい	

受 検 番 号						
①	①	②	③	④	⑤	⑥
①	①	①	①	①	①	①
②	②	②	②	②	②	②
③	③	③	③	③	③	③
④	④	④	④	④	④	④
⑤	⑤	⑤	⑤	⑤	⑤	⑤
⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	⑥
⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦
⑧	⑧	⑧	⑧	⑧	⑧	⑧
⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨

(4-1国)

正答表 数学

受 検 番 号									
---------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

1

[問1] $1 + 2\sqrt{15}$

[問2] $x = -\frac{1}{2}, y = \frac{1}{3}$

[問3] $0, \frac{7}{2}$

[問4] $\frac{11}{32}$

[問5] 【作図】

2

[問1] $-2a^2 \leq y \leq 0$

[問2] (1) 【途中の式や計算など】

直線 CF は、傾きが直線 AB と等しく点 $C\left(-\frac{2}{3}, \frac{1}{9}\right)$ を通る
ここで、直線ABを $y=mx+n$ とおき
 $A\left(-\frac{2}{3}, -\frac{2}{9}\right), B\left(\frac{1}{3}, -\frac{1}{18}\right)$ を代入すると
 $-\frac{2}{9} = -\frac{2}{3}m + n \dots ① \quad -\frac{1}{18} = \frac{1}{3}m + n \dots ②$
②-①より 傾き $m = \frac{1}{6}$
したがって 直線CFは $y = \frac{1}{6}x + q$ とおけ
 $C\left(-\frac{2}{3}, \frac{1}{9}\right)$ を代入すると
 $\frac{1}{9} = \frac{1}{6}\left(-\frac{2}{3}\right) + q$ より $q = \frac{2}{9}$
よって 直線CFは、 $y = \frac{1}{6}x + \frac{2}{9}$ と表され
点Fのy座標は $\frac{1}{6}t + \frac{2}{9} \dots ③$
また、点Fは $y = \frac{1}{4}x^2$ 上の点より y座標は $\frac{1}{4}t^2 \dots ④$
③, ④より $\frac{1}{4}t^2 = \frac{1}{6}t + \frac{2}{9}$
整理して $9t^2 - 6t - 8 = 0$
 $t = \frac{6 \pm \sqrt{324}}{18} = \frac{6 \pm 18}{18} = -\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$
点Fは点Cと異なる点より $t = \frac{4}{3}$

(答え) $t = \frac{4}{3}$

[問2] (2) a, p を用いて表すと $\frac{9}{2}a^3p + \frac{9}{4}a^3$
最も小さい値は 54

1

[問1] $1 + 2\sqrt{15}$

[問2] (1) 【途中の式や計算など】

直線 CF は、傾きが直線 AB と等しく点 $C\left(-\frac{2}{3}, \frac{1}{9}\right)$ を通る
ここで、直線ABを $y=mx+n$ とおき
 $A\left(-\frac{2}{3}, -\frac{2}{9}\right), B\left(\frac{1}{3}, -\frac{1}{18}\right)$ を代入すると
 $-\frac{2}{9} = -\frac{2}{3}m + n \dots ① \quad -\frac{1}{18} = \frac{1}{3}m + n \dots ②$
②-①より 傾き $m = \frac{1}{6}$
したがって 直線CFは $y = \frac{1}{6}x + q$ とおけ
 $C\left(-\frac{2}{3}, \frac{1}{9}\right)$ を代入すると
 $\frac{1}{9} = \frac{1}{6}\left(-\frac{2}{3}\right) + q$ より $q = \frac{2}{9}$
よって 直線CFは、 $y = \frac{1}{6}x + \frac{2}{9}$ と表され
点Fのy座標は $\frac{1}{6}t + \frac{2}{9} \dots ③$
また、点Fは $y = \frac{1}{4}x^2$ 上の点より y座標は $\frac{1}{4}t^2 \dots ④$
③, ④より $\frac{1}{4}t^2 = \frac{1}{6}t + \frac{2}{9}$
整理して $9t^2 - 6t - 8 = 0$
 $t = \frac{6 \pm \sqrt{324}}{18} = \frac{6 \pm 18}{18} = -\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$
点Fは点Cと異なる点より $t = \frac{4}{3}$

(答え) $t = \frac{4}{3}$

[問2] (2) a, p を用いて表すと $\frac{9}{2}a^3p + \frac{9}{4}a^3$
最も小さい値は 54

3

[問1] 141 度

[問2] (1) HI:AD = 1:3

[問2] (2) 【証明】

BE//JC, BJ//EC より四角形 BJCE は平行四辺形である。
また、辺 BC は平行四辺形 BJCE の対角線で、
仮定から点 D は辺 BC の中点だから、BD = CD より、
点 D は平行四辺形 BJCE の対角線の交点である。
点 J と点 E は平行四辺形 BJCE の頂点だから、
点 J と点 E を結ぶと、線分 JE は平行四辺形 BJCE の
対角線なので、点 D を通る。

したがって

$DJ = ED \dots ①$

$\triangle CAB$ において

仮定より

点 D と点 E はそれぞれ辺 CB と辺 CA の中点なので

$ED // AB, ED = \frac{1}{2}AB$

また、点 F は辺 AB の中点なので、 $AF = BF$ より

$\frac{1}{2}AB = AF$

したがって

$AF // ED, AF = ED$

①より

$AF // DJ, AF = DJ$

よって、

1組の対辺が平行で長さが等しいので
四角形 AFJD は平行四辺形である。

4

[問1] (1) $\frac{16}{5}$ cm

[問1] (2) 【図や途中の式など】

立体 PGCB の展開図の一部を考えて、
点 Q は線分 BG と線分 CP の交点である。
ここで、 $CB = CG = 8$, $PB = PG = \sqrt{4^2 + 8^2} = 4\sqrt{5}$ で、
 $\triangle PBG$ と $\triangle CBG$ は二等辺三角形なので、
Q は BG の中点で、 $CP \perp BG$ である。

$CQ^2 = 8^2 - (4\sqrt{2})^2$
より
 $CQ = 4\sqrt{2}$
 $PQ^2 = (4\sqrt{5})^2 - (4\sqrt{2})^2$
より
 $PQ = 4\sqrt{3}$

よって

$\triangle PQG + \triangle CQB$
= 四角形 PGCB $\times \frac{1}{2}$
= $(BG \times CQ \times \frac{1}{2} + BG \times PQ \times \frac{1}{2}) \times \frac{1}{2}$
= $BG(CQ + PQ) \times \frac{1}{4}$
= $8\sqrt{2}(4\sqrt{2} + 4\sqrt{3}) \times \frac{1}{4}$
= $16 + 8\sqrt{6}$

(答え) $(16 + 8\sqrt{6}) \text{ cm}^2$

[問2] $\frac{7}{3}$ cm