

## 正 答 表

## 数 学

(3-立)

1		点
[問 1]	$20 + \sqrt{21}$	5
[問 2]	$x=8, y=-4$	5
[問 3]	$p=108$	5
[問 4]	$\frac{5}{12}$	5
[問 5]		5

2		点
[問 1]	$a = -\frac{4}{3}$	7
[問 2]	【途中の式や計算など】	11

点 A は曲線  $m$  上の点であるから  
 $y = \frac{36}{-4} = -9$   
よって、点 A の座標は  $(-4, -9)$

点 A は曲線  $\ell$  上の点でもあるから  
 $-9 = a \times (-4)^2$  より  $a = -\frac{9}{16}$   
よって、曲線  $\ell$  の方程式は  
 $y = -\frac{9}{16}x^2$  .....①

また、点 A と  $y$  軸について対称移動した点が B であるから、点 B の座標は  $(4, -9)$

四角形 OACB はひし形であるから、  
向かい合う対辺は平行である。

よって、直線 OA と直線 BC の傾きは等しい。  
直線 OA は、O(0, 0)と A(-4, -9)を通るから、  
直線 OA の傾きは  $\frac{0 - (-9)}{0 - (-4)} = \frac{9}{4}$

直線 BC は、B(4, -9)を通り、傾きが  $\frac{9}{4}$  である。

直線 BC の切片を  $b$  とすると、  
 $-9 = 4 \times \frac{9}{4} + b$  となり、 $b = -18$

よって、直線 BC の式は、 $y = \frac{9}{4}x - 18$  .....②

ここで、点 D の  $x$  座標を  $t$  とおく。

①と②の交点において、 $y$  座標に着目すると、  
 $-\frac{9}{16}t^2 = \frac{9}{4}t - 18$  これを解くと、  
 $(t+8)(t-4)=0$  より  $t = -8, 4$

求める点 D は点 B と異なるものであるから  
 $t = -8$

よって、点 D の  $x$  座標は  $-8$  であるから、  
これを①に代入して  $y = -\frac{9}{16} \times (-8)^2 = -36$

よって、点 D の座標は  $(-8, -36)$

(答え)  $(-8, -36)$

[問 3]  $x = -9, 3, 12$  7

3		点
[問 1]	$\frac{\sqrt{3}}{3}$ cm	7
[問 2]	(1) 【証明】	11

$\triangle ABC$  と  $\triangle CIJ$  は正三角形であるから  
 $\angle BCA = \angle ICJ = 60^\circ$   
 $\angle ACJ = \angle ACI + \angle ICJ = \angle ACI + 60^\circ$   
 $\angle BCI = \angle ACI + \angle BCA = \angle ACI + 60^\circ$   
よって、 $\angle ACJ = \angle BCI$  .....①

$\triangle ABC$  は正三角形であるから  $AC = BC$  .....②

$\triangle CIJ$  は正三角形であるから  $CJ = CI$  .....③

①, ②, ③より  
2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから  
 $\triangle ACJ \equiv \triangle BCI$

合同な三角形の対応する角は等しいから  
 $\angle KAC = \angle KBC$

したがって円周角の定理の逆により  
4点 A, B, C, K は同じ円周上にある。

[問 2] (2) 14 度 7

4		点
[問 1]	13 個	7
[問 2]	4608 $\text{cm}^2$	7
[問 3]	【途中の式や計算など】	11

立方体を作るから底面が正方形である。  
横の長さは 8 の倍数、縦の長さは 6 の倍数だから、  
底面の 1 辺の長さは、6 と 8 の公倍数になる。  
AB = 104, AD = 156 で、底面が図 1  
の四角形 ABCD より大きくならないことから、  
1 边の長さは  
24, 48, 72, 96 のいずれかである。  
立方体の高さは 9 の倍数だから、  
立方体の 1 边の長さは  
72 だけである。  
よって、使われるブロックの個数は  
横は、 $72 \div 8$  より 9 個  
縦は、 $72 \div 6$  より 12 個  
高さ  $72 \div 9$  より 8 個 だから  
 $9 \times 12 \times 8 = 864$  (個) (答え)

(答え) 864 個

小計 [1] 小計 [2] 小計 [3] 小計 [4]  
25 25 25 25

合 計 得 点  
100